

格子問題に基づく 高い安全性をもつ 認証方式

2008-01-24
SCIS 3D3-1

草川恵太/河内亮周/田中圭介（東京工業大学）

結果

2

- Stern認証方式の安全性についての考察
 - Stern 1993
- より高い安全性を持つこと格子問題の仮定から示す

概要

3

- 導入
 - ▣ 認証方式
 - ▣ 格子問題
- Stern認証方式
- 結果
 - ▣ Stern認証方式の安全性の解析
 - ▣ アドホック匿名認証方式の構成

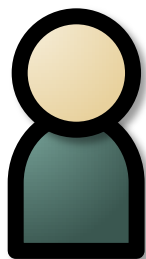
4

認証方式

公開鍵認証のモデル

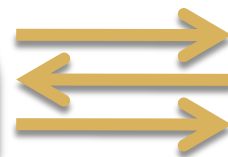
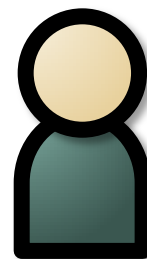
5

鍵生成



pk, sk

認証

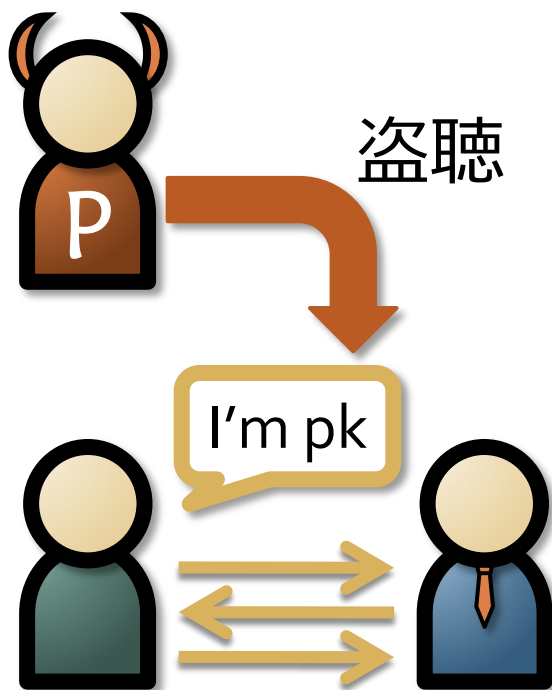


受理/拒否

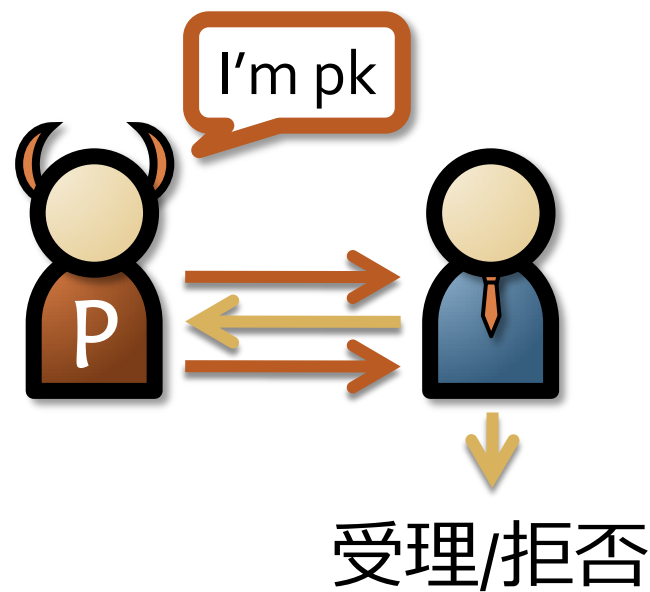
受動的攻撃

6

学習



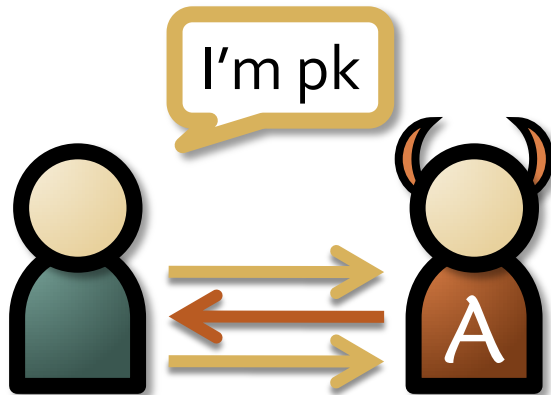
なりすまし



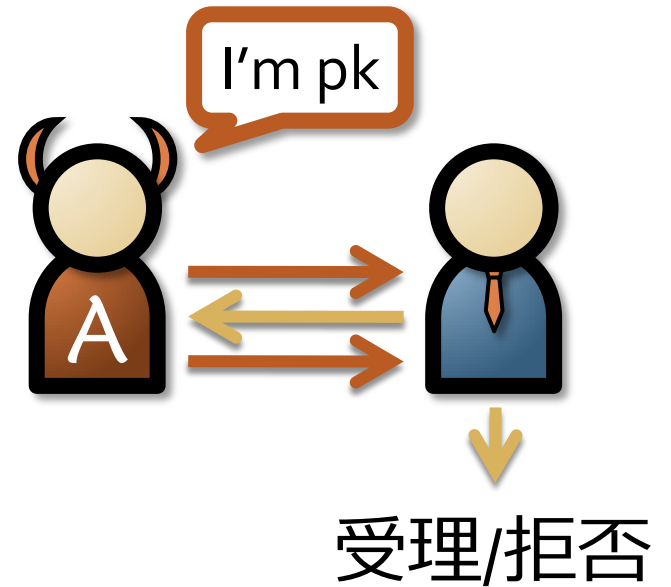
能動的攻撃

7

学習



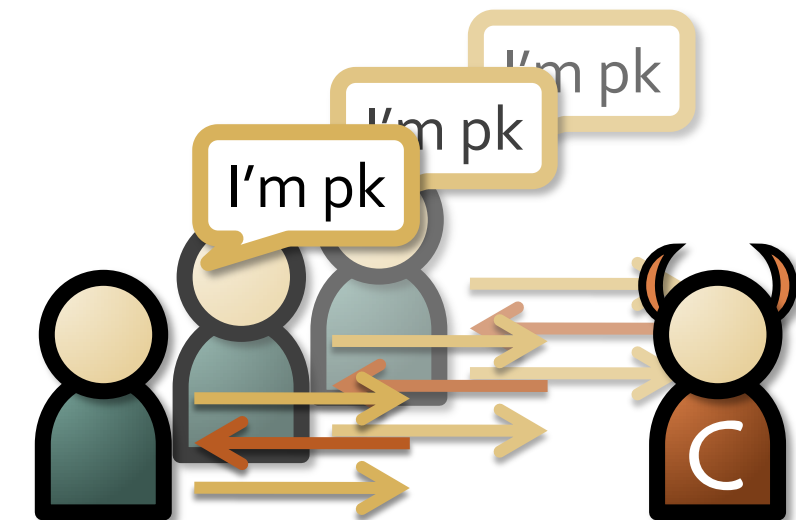
なりすまし



コンカレント攻撃

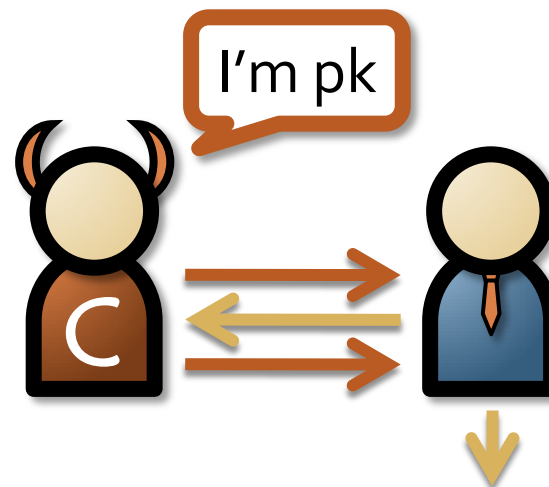
8

学習



証明者

なりすまし



受理/拒否

安全性の証明技法

9

- コンカレント攻撃に対する安全性の場合
 - ▣ OneMoreDL等の仮定を用いる
 - ▣ 証拠識別不可能性(WI)を用いる

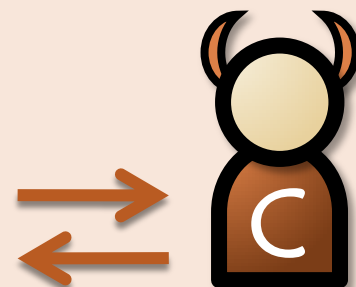
証明技法

10

Sim

ランダムインスタンス

1. 鍵 (pk, sk) を生成
2. 証明者をシミュレート
3. 敵 C を用いて sk' を得る
4. sk と sk' から問題を解く



解

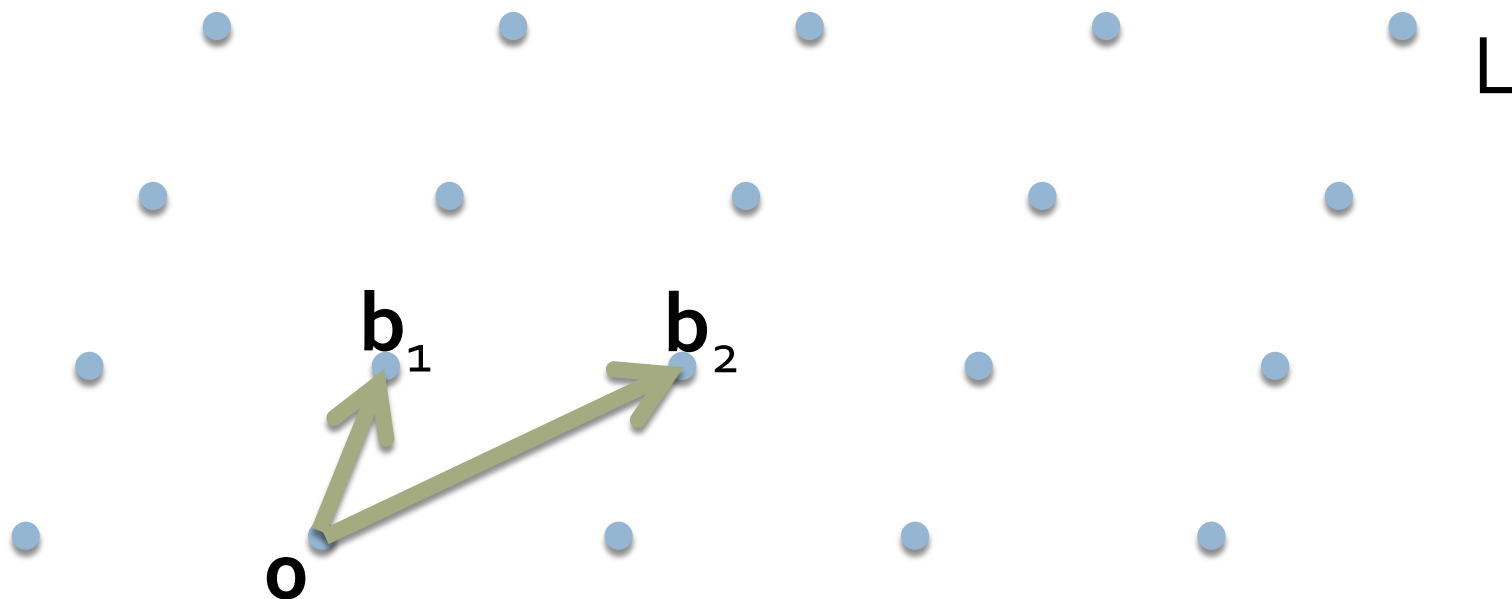
11

格子と格子問題

格子

12

- 基底: $\mathbf{B}=[\mathbf{b}_1, \dots, \mathbf{b}_n]$ ($\mathbf{b}_i \in \mathbb{R}^m$)
- 格子: $L(\mathbf{B}) := \{\sum_i \alpha_i \mathbf{b}_i \mid \alpha_i \in \mathbb{Z} \text{ for all } i\}$
- $\mathbb{R}^m$ の離散な加法的部分群



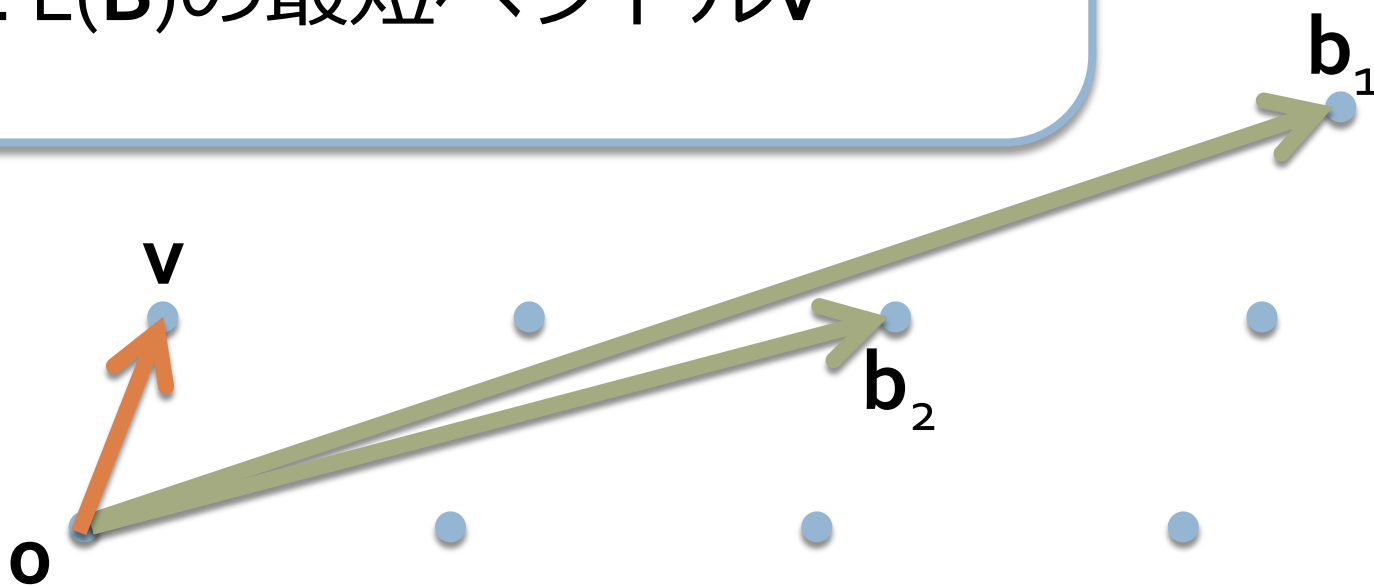
SVP (最短ベクトル問題)

13

SVP:

入力: $\mathbf{B}$

出力: $L(\mathbf{B})$ の最短ベクトル $\mathbf{v}$



SVP_γ (近似版SVP)

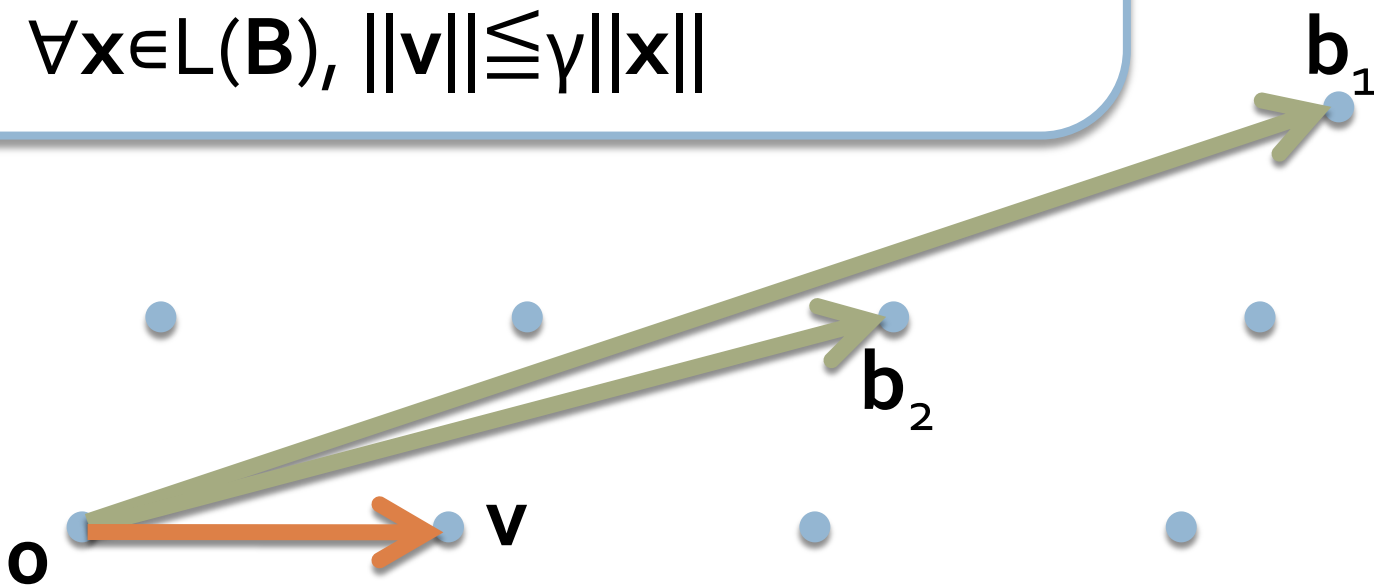
14

SVP_γ :

入力: $\mathbf{B}$

出力: $\mathbf{v} \in L(\mathbf{B})$ s.t.

$$\forall \mathbf{x} \in L(\mathbf{B}), \|\mathbf{v}\| \leq \gamma \|\mathbf{x}\|$$



GapSVP $_{\gamma}$ (ギャップ版)

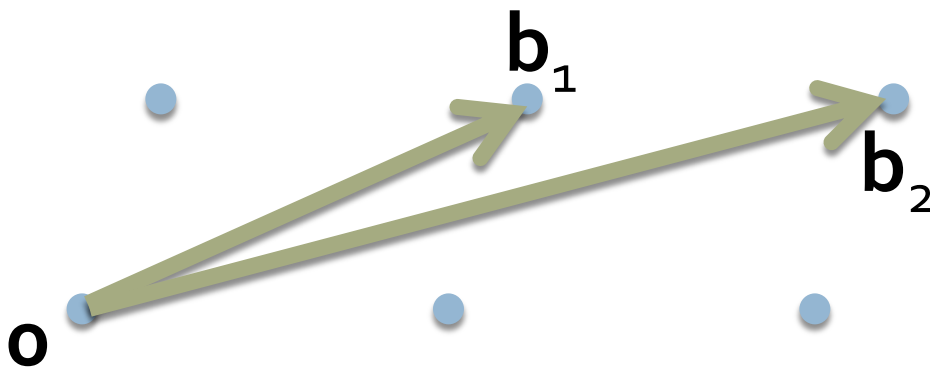
15

GapSVP $_{\gamma}$:

入力: $\mathbf{B}, t$

出力: YES, if $\exists \mathbf{v} \in L(\mathbf{B})$ s.t. $\|\mathbf{v}\| \leq t$

NO, if $\forall \mathbf{v} \in L(\mathbf{B}), \|\mathbf{v}\| > \gamma t$



アプリケーション

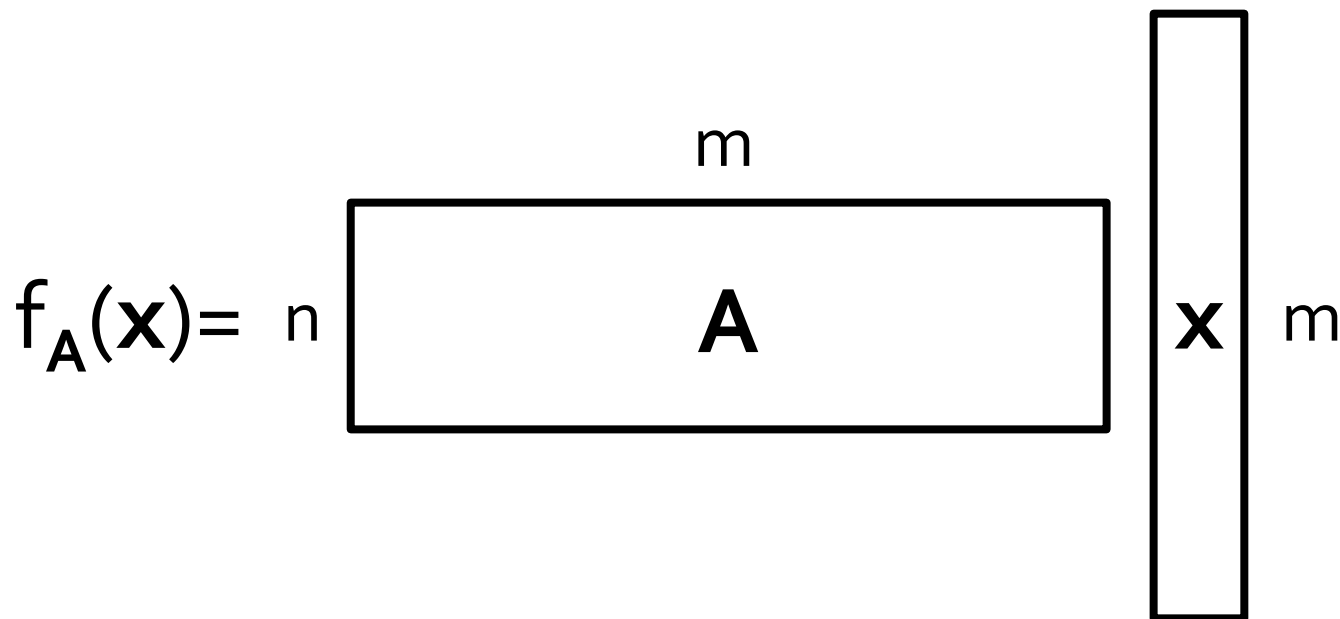
16

- ハッシュ関数
- 公開鍵暗号
- 署名

格子ハッシュ

17

□ $\mathcal{H}_{GL} = \{f_A \mid \mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{n \times m}\}$
 $f_A(\mathbf{x}) = \mathbf{A}\mathbf{x} \ (\mathbf{x} \in \{0,1\}^m)$



格子ハッシュ

18

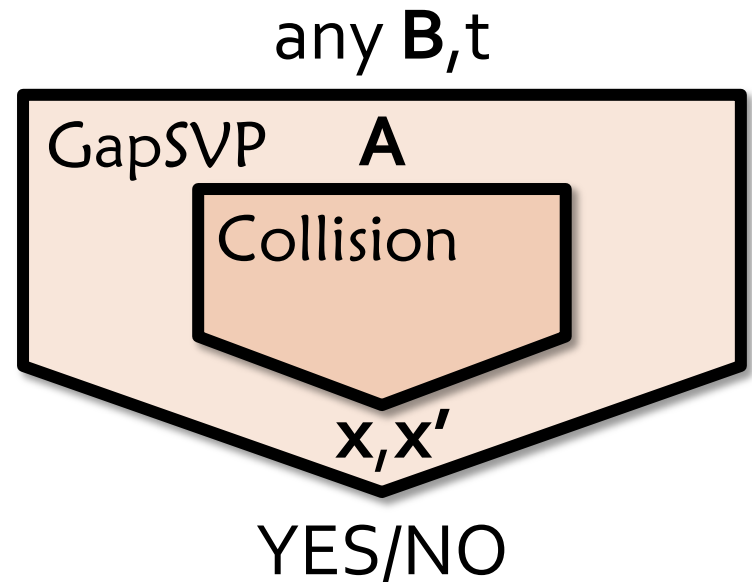
- $\mathcal{H}_{GL} = \{f_A \mid A \in \mathbb{Z}_q^{n \times m}\}$
- GapSVP_γ の最悪時が困難ならば
 $\mathcal{H}_{GL}$ は衝突耐性を持つ

Collision:

入力: $A \in \mathbb{Z}_q^{n \times m}$

出力: $x \neq x' \in \{0,1\}^m$

s.t. $Ax = Ax'$

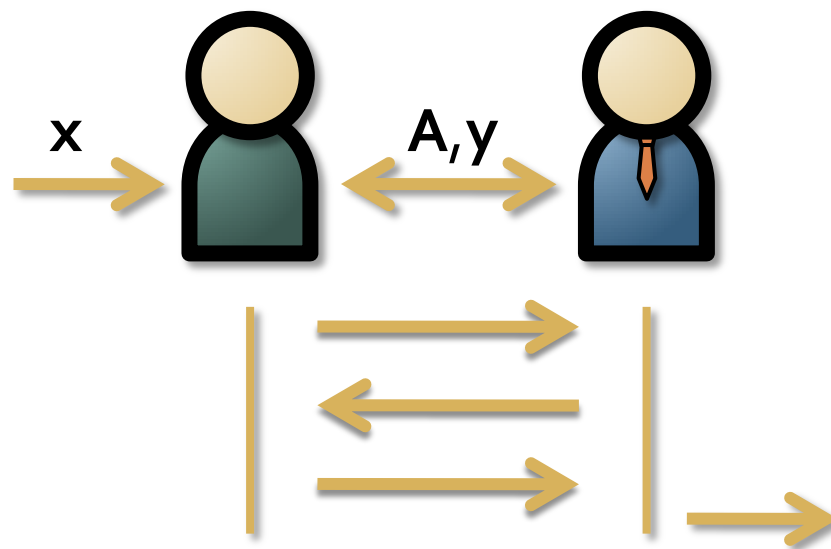


Stern認証方式

Stern認証方式

20

- Stern (1993, 1996)
 - ▣ シンドローム復号問題(SDP)に基づく
 - ▣ HVSZKArgument (POK)
 - ▣ 受動的攻撃に対して安全



Stern認証方式の仮定

21

SDP:

入力: $\mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{n \times m}, \mathbf{y} \in \mathbb{Z}_q^n$

出力: $\mathbf{x} \in \{0,1\}^m$ s.t. $\mathbf{Ax} = \mathbf{y}$

□ $\mathcal{H}_{\text{GL}}$ の一方向性を仮定している

□ $\mathcal{H}_{\text{GL}} = \{f_{\mathbf{A}} \mid \mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{n \times m}\}$

$f_{\mathbf{A}}(\mathbf{x}) = \mathbf{Ax} \ (\mathbf{x} \in \{0,1\}^m)$

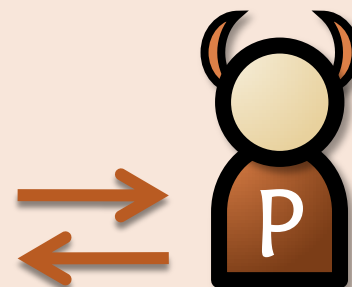
Sternの証明

22

A, y

SDP

1. 証明者をシミュレート
2. 敵Pを用いて x' を得る ($Ax' = y$)
3. x' を出力する



x'

Stern認証方式の安全性

24

- コンカレント攻撃に耐えられないのか?
- $\mathcal{H}_{GL}$ はGapSVP _{γ} 仮定のもと衝突耐性アリ
 - $\mathcal{H}_{GL} = \{f_A \mid \mathbf{A} \in \mathbb{Z}_q^{n \times m}\}$
 $f_A(\mathbf{x}) = \mathbf{Ax} \ (\mathbf{x} \in \{0,1\}^m)$

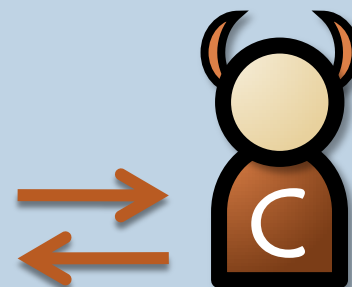
証明

25

A

Collision

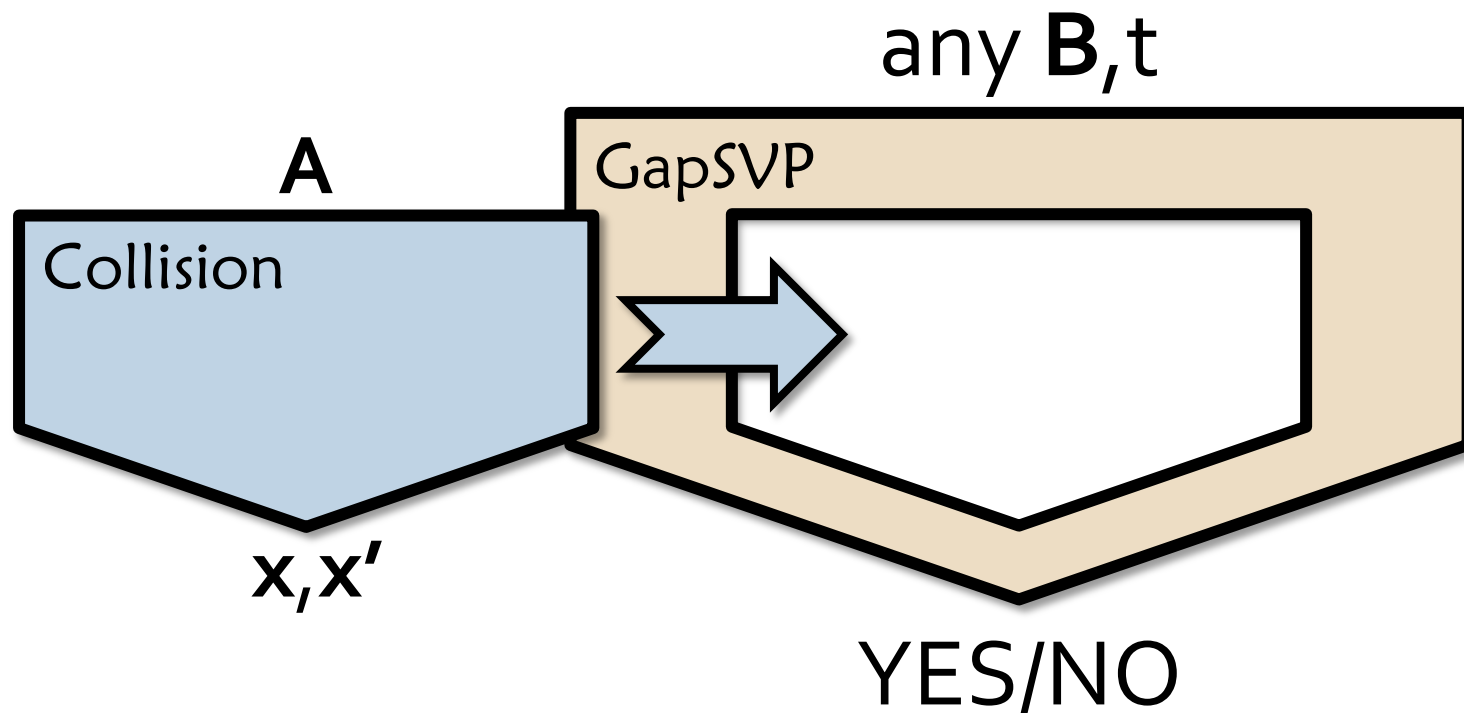
1. 鍵 ($y = Ax, x$) を生成
2. 証明者をシミュレート
3. 敵Cを用いて x' を得る ($Ax' = y$)
4. x と x' を出力する



x, x'

証明 (続き)

26

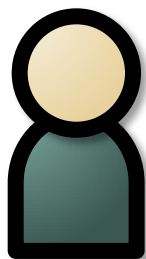


GapSVP _{γ} の最悪時が困難ならば
Stern認証方式はコンカレント攻撃に対して安全

アドホック匿名認証

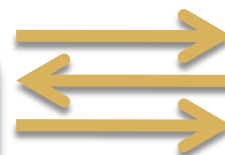
27

鍵生成



pk, sk

認証



$R=(pk_1, \dots, pk_l)$

↓
受理/拒否

比較

28

	IDs	仮定	安全性
Stern	ID	SDP 平均時	受動的
Ours1	ID	GapSVP _{γ} 最悪時	コンカレント
Ours2	AID	GapSVP _{γ} 最悪時	コンカレント

※ ID=認証方式, AID=アドホック匿名認証方式

参考文献

29

- Stern
 - ▣ A new paradigm for public key identification (CRYPTO 1993, IEEE Trans. on IT 1996)
- Ajtai
 - ▣ Generating hard Instances of lattice problems (STOC 1996)
- Micciancio and Regev
 - ▣ Worst-case to average-case reductions based on Gaussian measure (FOCS 2004, SIAM J. on Comp. 2007)